

STOCKHOLMS UNIVERSITET  
Statistiska institutionen  
Ellinor Fackle-Fornius

## TENTAMEN I STATISTISK TEORI MED TILLÄMPNINGAR I

2016-11-01

---

**Skrivtid:** 10.00-15.00

**Godkända hjälpmedel:** Miniräknare, språklexikon.

Tentamen består av fem uppgifter. För full poäng på en uppgift krävs tydliga, utförliga och väl motiverade lösningar.

Genomgång av tentamen sker 2016-11-18 kl. 15 i sal B413.

---

### Uppgift 1. (20 poäng)

I en fabrik finns två maskiner som ibland drabbas av driftstopp. Antag att antalet driftstopp per dag i den ena maskinen är en stokastisk variabel  $X$  och att antalet driftstopp per dag i den andra maskinen är en stokastisk variabel  $Y$  med följande sannolikhetsfunktioner.

$x$		0	1	2
$p(x)$		0.2	0.6	0.2

$y$		0	1
$p(y)$		0.25	0.75

- Bestäm sannolikhetsfunktionen för det totala antalet driftstopp i fabriken per dag. Antalet driftstopp i den ena maskinen antas vara oberoende av antalet driftstopp i den andra maskinen.
- Beräkna väntevärdet för det totala antalet driftstopp i fabriken per dag.
- Bestäm fördelningsfunktionen för det totala antalet driftstopp i fabriken per dag.

**Uppgift 2.** (20 poäng)

Vid tillverkningen av industrirobotar kan ett speciellt tillbehör installeras på 1 minut om ett hål i tillbehöret har borrats korrekt medan det tar 10 minuter om hålet är felaktigt (då det måste borraras om). 20 tillbehör finns på lager, varav 2 har felaktigt borrarade hål. 5 tillbehör väljs slumpmässigt från lagret för att installeras i 5 robotar.

- Beräkna väntevärdet och standardavvikelsen för antal tillbehör med korrekt borrarade hål.
- Beräkna sannolikheten att hålen har borrats korrekt i samtliga 5 tillbehör.
- Beräkna väntevärdet och standardavvikelsen för tiden det tar att installera de 5 tillbehören.

**Uppgift 3.** (20 poäng)

Tiden (i timmar) som det tar för studenter att slutföra ett prov med skrivtid 1 timme är en slumpmässig variabel ( $Y$ ) med täthetsfunktion

$$f(y) = \begin{cases} cy^2 + y, & 0 \leq y \leq 1 \\ 0, & \text{annars.} \end{cases}$$

- Bestäm konstanten  $c$ .
- Bestäm fördelningsfunktionen för  $Y$ .
- Vad är sannolikheten att en slumpmässigt vald student slutför provet inom 1 timme?
- Vad är sannolikheten att en slumpmässigt vald student slutför provet inom 30 minuter?
- Givet att en slumpmässigt vald student behöver minst 15 minuter för att slutföra provet, vad är sannolikheten att studenten slutför provet inom 30 minuter?

**Uppgift 4.** (20 poäng)

Antag att ( $Y$ ) är en slumpmässig variabel som är likformigt fördelad i intervallet 1-2. Bestäm täthetsfunktionen och fördelningsfunktionen för

- $U = \sqrt{Y}$
- $U = Y^2$

**Uppgift 5.** (20 poäng)

Utöver sina studier ägnar sig studenten Stella åt att titta på TV och att vara på sociala medier en viss tid varje dag. Låt  $Y_1$  och  $Y_2$  vara tiden i timmar under en dag som Stella tittar på TV respektive är på sociala medier. Den simultana fördelningen för  $Y_1$  och  $Y_2$  är

$$f(y_1, y_2) = \begin{cases} \frac{y_1 + y_2}{8}, & 0 \leq y_1 \leq 2, 0 \leq y_2 \leq 2 \\ 0, & \text{annars.} \end{cases}$$

- a) Bestäm marginalfördelningarna för  $Y_1$  och  $Y_2$ .
- b) Beräkna sannolikheten att Stella tittar på TV mer än 1 timme respektive sannolikheten att hon är på sociala medier mer än 1 timme.
- c) Är  $Y_1$  och  $Y_2$  stokastiskt oberoende?
- d) Beräkna sannolikheten att Stella ägnar mer än 1 timme åt att titta på TV givet att hon ägnar mer än 1 timme åt att vara på sociala medier.



Stockholms  
universitet

Statistiska institutionen

## Rättningsblad

**Datum:** 1/11-2016

**Sal:** Ugglevikssalen

**Tenta:** Statistisk teori med tillämpningar I (om)

**Kurs:** Statistisk teori med tillämpningar

**ANONYMKOD:**

STM-0004

Jag godkänner att min tenta får läggas ut anonymt på hemsidan som studentsvar.

**OBS! SKRIV ÄVEN PÅ BAKSIDAN AV SKRIVBLADEN**

Markera besvarade uppgifter med kryss

1	2	3	4	5	6	7	8	9	Antal inl. blad
X	X	X	X	X					7
Lär.ant. 20	17	20	20	19					

96 + 0 bonus

POÄNG	BETYG	Lärarens sign.
96	A	

①  $U = X + Y =$  Det totala antalet driftslöpp i fabriken per dag = R

X och Y kan antas vara oberoende då de är från olika maskiner. Eftersom de är oberoende är  $P(X, Y) = P(X)P(Y)$  R

Därför är slh-fördelningen ut på följande vis:

		X		
		0	1	2
Y	0	0,05	0,15	0,05
	1	0,15	0,45	0,15
		0,2	0,6	0,2

Det vill säga, slh-fördelningen för totalt antal driftslöpp.

U	p(u)
(X+Y)	(P(X+Y))
0	0,05
1	0,3
2	0,5
3	0,15

$$\begin{aligned}
 P(X+Y=0) &= P(X=0, Y=0) = 0,05 \\
 P(X+Y=1) &= P(0,1) + P(1,0) = 0,15 + 0,15 = 0,3 \\
 P(X+Y=2) &= P(X=1, Y=1) + P(X=2, Y=0) = 0,15 + 0,05 = 0,2 \\
 P(X+Y=3) &= P(X=2, Y=1) = 0,15
 \end{aligned}$$

b)  $E(U) = \sum_u u \cdot p(u) = 0 \cdot 0,05 + 1 \cdot 0,3 + 2 \cdot 0,5 + 3 \cdot 0,15 = 1,75$  R

Svar: Väntevärdet för det totala antalet driftslöpp,  $U = X + Y$  i fabriken per dag är  $E(U) = 1,75$

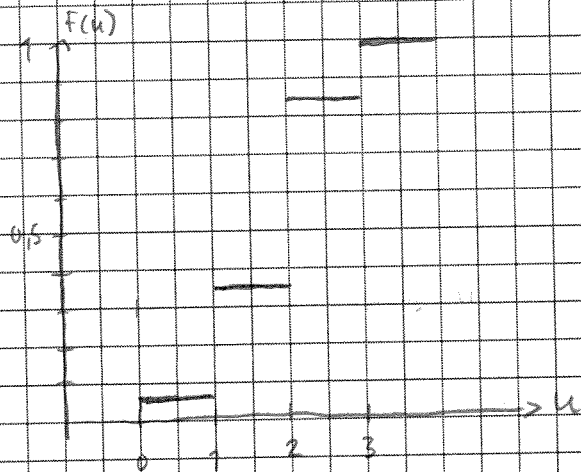
Vänd →

3

c) Fördelningsfunktionen för  $U = X + Y$ :

$$F(u) = \begin{cases} 0 & u < 0 \\ 0,05 & 0 \leq u < 1 \\ 0,35 & 1 \leq u < 2 \\ 0,85 & 2 \leq u < 3 \\ 1 & u \geq 3 \end{cases}$$

$\mathbb{R}$



7

20

ben löst!

②  $Y =$  "Antal tillbehör med korrekt borrade hål i ett urval om 5 tillbehör".

Eftersom vi har en population med 2 egenskaper och tar ett urval där vi vill veta antalet med den ena egenskapen är  $Y$  hypergeometriskt fördelad. Dock är  $Y$  enbart definierad för  $Y=3,4,5$  eftersom det enbart finns 2 felaktiga tillbehör (n kan alltså inte ta  $Y=0,1$  el. 2).

→ Jag är osäker på hur detta borde gå av, så definierar

$$Y \sim \text{Hypergeo}(N=20, n=5, r=18)$$

a)  $E(Y) = n \frac{r}{N} = 5 \cdot \frac{18}{20} = 4,5$  för  $Y \sim \text{Hypergeo}(N=20, n=5, r=18)$

$$V(Y) = n \frac{r}{N} \frac{(N-r)}{N} \frac{(N-n)}{N-1} = 5 \frac{18}{20} \frac{2}{20} \frac{15}{19} \approx 0,3553$$

$$\sigma = \sqrt{V(Y)} \approx 0,5960$$

Svar: Väntevärdet för antal tillbehör med korrekt borrade hål i urvalet om 5 tillbehör är  $\mu = E(Y) = 4,5$

Standardavvikelsen för antal tillbehör med korrekt borrade hål i urvalet om 5 tillbehör är  $\sigma = 0,596$

b) Vi söker sannolikheten för att antal tillbehör med korrekt borrade hål i urvalet är 5, dvs  $P(Y=5)$

$$P(5) = \frac{\binom{18}{5} \binom{2}{0}}{\binom{20}{5}} = \frac{\frac{18!}{5!13!} \cdot \frac{2!}{0!2!}}{\frac{20!}{5!15!}} = \frac{8568}{15504} \approx 0,5526$$

Svar: Sannolikheten att hålen har borrats korrekt i samtliga 5 tillbehör i urvalet är 0,5526

ränd →

- c)  $Y =$  "antal tillbehör i urvalet med korrekt korrad  
 $X =$  "antal  
 $X = Y = 5, 4$  eller  $3$

Här skulle jag försöka definiera en fördelningen för hur man gör när det inte går att definiera för vissa tal... kann inte "fiden slut"

Symd 4

Vi kan enkelt räkna med ett urval av 3, men med återläggning

$$P(Y=1) = \frac{18}{20} \quad \text{först gången}$$

$$P(Y=5) = \frac{18}{20} \cdot \frac{17}{20} \cdot \frac{16}{20} \cdot \frac{15}{20} \cdot \frac{14}{20}$$

Vand för svar C  $\rightarrow$



→ Vik! Uppg 2

② c) Vi definierar en ny variabel som

 $X =$  "tiden det tar att installera de 5 tillbehören i minuten."

$$X = Y + 20(5 - Y) \quad , \quad X = Y + 10(5 - Y)$$

$Y$	$P(X)$	$X$	$X \cdot P(X)$	$P(Y)$ = sannolikheten för att $Y$ är 3, 4, eller 5, vilket ger $X$ för $X$ .
0	-			
1	-			
2	-			
3	0,0526	43	07,26	Det finns endast 2 tillbehör med felaktigt borrade hål, vilket gör att $X$ endast är relevant för $Y = 5, 43$
4	0,4441	24	255,74	
5	0,5526	5	13,815	

 $\approx 0,7947$ 

$$E(X) = 43 \cdot 0,0526 + 0,4441 \cdot 24 + 0,5526 \cdot 5 = 15,6832$$

$$V(X) = \sum_x x^2 p(x) - [E(X)]^2 = 97,26 + 255,74 + 13,815 - 15,6832^2 = 120,85$$

$$\sigma_x = \sqrt{V(X)} = 10,99$$

Svar: väntevärdet och standardavvikelsen för  $X =$  "tiden det tar att installera de 5 tillbehören" är  $E(X) = 15,6832$  och  $\sigma_x = 10,99$ .

5

17

③  $f(y) = \begin{cases} \frac{3y^2}{2} + y & 0 \leq y \leq 1 \\ 0 & \text{annars} \end{cases}$   $Y =$  "tiden (i timmar) som en student slutar för ett prov"

a)  $\int_0^1 (cy^2 + y) dy = 1$

$\Rightarrow \left[ \frac{cy^3}{3} + \frac{y^2}{2} \right]_{y=0}^{y=1} = \frac{c}{3} + \frac{1}{2} = 1 \Rightarrow \frac{c}{3} = \frac{1}{2}$

$c = \frac{3}{2}$  R

b)  $F(y) = \begin{cases} 0 & y < 0 \\ \int_0^y (\frac{3t^2}{2} + t) dt = \left[ \frac{t^3}{2} + \frac{t^2}{2} \right]_{t=0}^{t=y} = \frac{y^3 + y^2}{2} & 0 \leq y \leq 1 \\ 1 & y > 1 \end{cases}$  R 4

c)  $P(Y \leq 1) = \int_0^1 \frac{3y^2}{2} + y dy = \left[ \frac{y^3}{2} + \frac{y^2}{2} \right]_0^1 = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$  (eller  $F(1) = 1$ )

Svar: Sån att en slumpmässigt vald student slutar provet inom en timme är 1 (vilket är givet från funktionens definitionsområde!)

d)  $P(Y \leq 0,5) = \int_0^{0,5} (\frac{3y^2}{2} + y) dy = \left[ \frac{y^3}{2} + \frac{y^2}{2} \right]_{y=0}^{y=0,5} = \frac{0,5^3 + 0,5^2}{2} = 0,1875$  R

(eller  $F(\frac{1}{2}) = \frac{(\frac{1}{2})^3 + (\frac{1}{2})^2}{2} = \frac{\frac{1}{8} + \frac{1}{4}}{2} = \frac{\frac{1}{8} + \frac{2}{8}}{2} = \frac{\frac{3}{8}}{2} = \frac{3}{16} = 0,1875$ ) R

Svar: Sannolikheten att en slumpmässigt vald student mindre än 30 minuter, dvs 0,5 timme, att slutar provet är 0,1875

$$* P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$

$$e) P\left(Y \leq \frac{1}{2} \mid P\left(Y \geq \frac{1}{4}\right)\right) = \frac{P\left(Y \leq \frac{1}{2} \cap Y \geq \frac{1}{4}\right)}{P\left(Y \geq \frac{1}{4}\right)} \quad R$$

$$= \frac{P\left(\frac{1}{4} \leq Y \leq \frac{1}{2}\right)}{P\left(Y \geq \frac{1}{4}\right)} = \frac{F(0,5) - F(0,25)}{1 - F(0,25)} = \frac{\frac{0,5^3 + 0,5^2}{2} - \left(\frac{0,25^3 + 0,25^2}{2}\right)}{1 - \left(\frac{0,25^3 + 0,25^2}{2}\right)}$$

$$= \frac{0,1875 - 0,0390625}{1 - 0,0390625} \approx 0,1545 \quad R$$

Alternativ

$$P\left(\frac{1}{4} \leq Y \leq \frac{1}{2}\right) = \int_0^{\frac{1}{2}} \left(\frac{3y^2}{2} + y\right) dy - \int_0^{\frac{1}{4}} \left(\frac{3y^2}{2} + y\right) dy = \left[\frac{y^3}{2} + \frac{y^2}{2}\right]_{y=\frac{1}{4}}^{y=\frac{1}{2}} - \left[\frac{y^3}{2} + \frac{y^2}{2}\right]_{y=0}^{y=\frac{1}{4}}$$

$$= \frac{\left(\frac{1}{2}\right)^3 + \left(\frac{1}{2}\right)^2}{2} - \left[\frac{\left(\frac{1}{4}\right)^3 + \left(\frac{1}{4}\right)^2}{2}\right] = \frac{3}{16} - \left[\frac{\frac{1}{64} + \frac{1}{64}}{2}\right] = \frac{3}{16} - \frac{5}{128} = \frac{24}{128} - \frac{5}{128} = \frac{19}{128}$$

$$P\left(\frac{1}{4} \leq Y \leq \frac{1}{2}\right) = \frac{19}{128} \left(1 - \frac{5}{128}\right) = \frac{19}{128} \cdot \frac{123}{128} = \frac{19}{128} \approx 0,1545 \quad \text{ok! } R$$

Pror: Givet att en slumpmässigt vald student behöver minst 15 minuter på sig, dvs  $Y \geq 0,25$ , är sannolikheten 0,1545 att studenterna slutför provet inom 30 minuter (0,5 timmar).

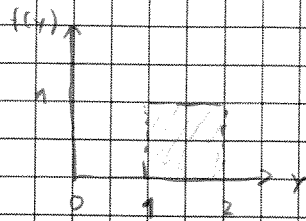
6

(20)

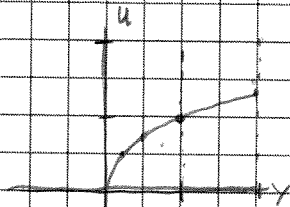
④  $Y \sim \text{Unif}(1, 2)$

$$f(y) = \begin{cases} 1 & 1 \leq y \leq 2 \\ 0 & \text{annars} \end{cases}$$

$$F(y) = \begin{cases} 0 & y < 1 \\ \int_1^y 1 dt = \left[ t \right]_{t=1}^{t=y} = y - 1 & 1 \leq y \leq 2 \\ 1 & y > 2 \end{cases}$$



a)  $U = \sqrt{Y}$       $\Omega_U = \{1, \sqrt{2}\}$



u är strikt övande

$$F_U(u) = P(U \leq u) = P(\sqrt{Y} \leq u) = P(Y \leq u^2) = \int_1^{u^2} 1 dy = \left[ y \right]_{y=1}^{y=u^2} = \begin{cases} 0 & u < 1 \\ u^2 - 1 & 1 \leq u \leq \sqrt{2} \\ 1 & u > \sqrt{2} \end{cases}$$

(eller använd F<sub>Y</sub>)

$$f_U(u) = \frac{dF_U(u)}{du} = \begin{cases} 2u & 1 \leq u \leq \sqrt{2} \\ 0 & \text{annars} \end{cases}$$

(alternativt transformationsmetoden (pga strikt övande))

$$h^{-1}(u) = Y = u^2 \quad , \quad \frac{dh^{-1}(u)}{du} = 2u$$

$$f_U(u) = f_Y(h^{-1}(u)) \left| \frac{dh^{-1}(u)}{du} \right| = 1 \cdot 2u = \begin{cases} 2u & 1 \leq u \leq \sqrt{2} \\ 0 & \text{annars} \end{cases}$$

$\mathbb{R}$  också

$$F_U(u) = \int_1^u 2t dt = \left[ t^2 \right]_{t=1}^{t=u} = \begin{cases} 0 & u < 1 \\ u^2 - 1 & 1 \leq u \leq \sqrt{2} \\ 1 & u > \sqrt{2} \end{cases}$$

Svar: Tæthetsfunktionen för U:  $f_U(u) = \begin{cases} 2u & 1 \leq u \leq \sqrt{2} \\ 0 & \text{annars} \end{cases}$  och fördelningsf.  $F_U(u) = \begin{cases} 0 & u < 1 \\ u^2 - 1 & 1 \leq u \leq \sqrt{2} \\ 1 & u > \sqrt{2} \end{cases}$

vänd

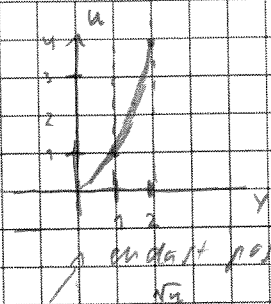
in

→ forts (4)

b)  $U = Y^2$

$\Omega_U = \{1, 4\}$

$\mathbb{R}$



$u$  är strikt övande i intervallet.

$$F_U(u) = P(U \leq u) = P(Y^2 \leq u) = P(Y \leq \sqrt{u}) = \int_0^{\sqrt{u}} 1 dy = \left[ y \right]_0^{\sqrt{u}} = \begin{cases} 0 & u < 1 \\ \sqrt{u} - 1 & 1 \leq u \leq 4 \\ 1 & u > 4 \end{cases} \mathbb{R}$$

$$f_U(u) = \frac{dF_U(u)}{du} = \frac{1}{2} u^{-\frac{1}{2}} = \begin{cases} \frac{1}{2\sqrt{u}} & 1 \leq u \leq 4 \\ 0 & \text{annars} \end{cases} \mathbb{R}$$

alternativt transformationsmetoden:

$$h^{-1}(u) = \sqrt{u}$$

$$\frac{dh^{-1}}{du} = \frac{1}{2\sqrt{u}}$$

$$f_U(u) = 1 \cdot \frac{1}{2\sqrt{u}} = \begin{cases} \frac{1}{2\sqrt{u}} & 1 \leq u \leq 4 \\ 0 & \text{annars} \end{cases} \mathbb{R}$$

$$F_U(u) = \int_0^u \frac{t^{\frac{1}{2}}}{2} dt = \left[ \frac{t^{\frac{3}{2}}}{\frac{3}{2}} \right]_{t=0}^{t=\sqrt{u}} = \frac{2}{3} u^{\frac{3}{4}} - 0 = \begin{cases} 0 & u < 1 \\ \sqrt{u} - 1 & 1 \leq u \leq 4 \\ 1 & u > 4 \end{cases}$$

Svar: Fördelningsfunktionen för  $U = Y^2$  är  $F_U(u) = \begin{cases} 0 & u < 1 \\ \sqrt{u} - 1 & 1 \leq u \leq 4 \\ 1 & u > 4 \end{cases} \mathbb{R}$

Täthetsfunktionen för  $U = Y^2$  är  $f_U(u) = \begin{cases} \frac{1}{2\sqrt{u}} & 1 \leq u \leq 4 \\ 0 & \text{annars} \end{cases} \mathbb{R}$

- ⑤  $Y_1$  = "tiden i timmar som Stella tittar på tv per dag"  
 $Y_2$  = "tiden i timmar som Stella använder sociala medier per dag"

$$f(y_1, y_2) = \begin{cases} \frac{y_1 + y_2}{8} & 0 \leq y_1 \leq 2, 0 \leq y_2 \leq 2 \\ 0 & \text{annars} \end{cases}$$

$$a) f_1(y_1) = \int_{-\infty}^{\infty} f(y_1, y_2) dy_2 = \int_0^2 \left( \frac{y_1 + y_2}{8} \right) dy_2 = \left[ \frac{y_1 y_2}{8} + \frac{y_2^2}{16} \right]_{y_2=0}^{y_2=2} = \frac{2y_1}{8} + \frac{4}{16} = \frac{y_1 + 1}{4}$$

$$f_2(y_2) = \int_0^2 \frac{y_1 + y_2}{8} dy_1 = \left[ \frac{y_2 y_1}{8} + \frac{y_1^2}{16} \right]_{y_1=0}^{y_1=2} = \frac{2y_2}{8} + \frac{4}{16} = \frac{y_2 + 1}{4}$$

Svar: Marginalfördelningen för  $Y_1$ ,  $f_1(y_1) = \frac{y_1 + 1}{4}$  och marginalfördelningen för  $Y_2$  är  $f_2(y_2) = \frac{y_2 + 1}{4}$ ,  $0 \leq y_1 \leq 2$   
 $0 \leq y_2 \leq 2$

$$b) P(Y_1 > 1) = 1 - P(Y_1 \leq 1) = 1 - \int_0^1 \frac{y_1 + 1}{4} dy_1 = 1 - \left[ \frac{y_1^2}{8} + \frac{y_1}{4} \right]_{y_1=0}^{y_1=1} = 1 - \left( \frac{1}{8} + \frac{1}{4} \right) = 1 - \frac{3}{8} = \frac{5}{8}$$

$$P(Y_2 > 1) = 1 - P(Y_2 \leq 1) = 1 - \int_0^1 \frac{y_2 + 1}{4} dy_2 = 1 - \left[ \frac{y_2^2}{8} + \frac{y_2}{4} \right]_{y_2=0}^{y_2=1} = 1 - \left( \frac{1}{8} + \frac{1}{4} \right) = 1 - \frac{3}{8} = \frac{5}{8}$$

Svar: Sannolikheten att Stella tittar på TV mer än en timme per dag, dvs  $P(Y_1 > 1)$ , är  $5/8 = 0,625$

Sannolikheten att hon ägnar mer än 1 timme på sociala medier är även den  $5/8 = 0,625$ .

c) Om  $Y_1$  och  $Y_2$  är stokastiskt oberoende så är:

$$f_1(y_1) \cdot f_2(y_2) = f(y_1, y_2)$$

$V_1$  kan därför se om de är oberoende genom:

$$\begin{aligned} f_1(y_1) \cdot f_2(y_2) &= \left(\frac{y_1+1}{4}\right) \left(\frac{y_2+1}{4}\right) = \left(\frac{y_1+1}{4} + \frac{1}{4}\right) \left(\frac{y_2+1}{4} + \frac{1}{4}\right) = \frac{y_1 y_2}{16} + \frac{y_1}{16} + \frac{y_2}{16} + \frac{1}{16} \\ &= \frac{y_1 y_2 + y_1 + y_2 + 1}{16} \neq f(y_1, y_2) \end{aligned}$$

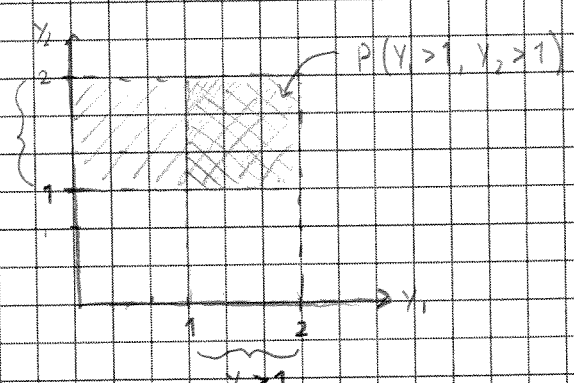
Svar:  $Y_1$  och  $Y_2$  är inte oberoende eftersom  $f_1(y_1) \cdot f_2(y_2) \neq f(y_1, y_2)$

R 3

d) Vi söker:  $P(Y_1 > 1 | Y_2 > 1)$   $\rightarrow P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$

$$P(Y_1 > 1 | Y_2 > 1) = \frac{P(Y_1 > 1 \cap Y_2 > 1)}{P(Y_2 > 1)}$$

R  $Y_2 > 1$



$$= \frac{\int_1^2 \int_1^2 \frac{y_1 + y_2}{8} dy_1 dy_2}{\int_1^2 \left[ \frac{y_1 y_2}{8} + \frac{y_1}{16} \right]_{y_1=1}^{y_1=2} dy_2}$$

$$= \frac{\int_1^2 \frac{y_2 + 1}{4} dy_2}{\int_1^2 \left[ \frac{y_2^2}{8} + \frac{3y_2}{4} \right]_{y_2=1}^{y_2=2} dy_2} = \frac{\left[ \frac{y_2^2}{8} + \frac{3y_2}{4} \right]_{y_2=1}^{y_2=2}}{\frac{4}{16} + \frac{6}{16} - \left( \frac{1}{16} + \frac{3}{16} \right)}$$

$$= \frac{\frac{6}{8} + \frac{6}{4} - \left( \frac{1}{8} + \frac{3}{4} \right)}{\frac{5}{8} - \frac{4}{8}} = \frac{\frac{6}{8} + \frac{12}{8} - \frac{1}{8} - \frac{6}{4}}{\frac{1}{8}} = \frac{\frac{15}{8} - \frac{6}{4}}{\frac{1}{8}} = \frac{\frac{15}{8} - \frac{12}{8}}{\frac{1}{8}} = \frac{\frac{3}{8}}{\frac{1}{8}} = 3$$

And!

And lösnings  
And

→ forts Sd)

Par: Sannolikheten att Stella ägnar mer än 1 timme åt att titta på tv givet att hon ägnar mer än en timme åt att vara på sociala medier är  $3/5$ , eller  $0,6$ .

Även detta visar att  $Y_1$  och  $Y_2$  inte är oberoende

eftersom sannolikheten är mindre att hon ägnar <sup>mer än</sup> 1 timme åt tv-tittande, givet att hon också använder <sup>mer än</sup> 1 timme åt sociala medier, än sannolikheten att hon ägnar mer än en timme åt tv orelaterat till sociala medier!

(Sannolikheten att hon tittar på tv mer än 1 timme orelaterat till sociala medier är  $0,625$ )

Bra observation!

8

(19)