

Stockholm University
Department of Statistics
Per Gösta Andersson

Econometrics II

WRITTEN EXAMINATION

Thursday January 17, 2019

Tools allowed: Pocket calculator

Passing rate: 50% of overall total, which is 100 points. For detailed grading criteria, see the course description.

For the maximum number of points on each problem detailed and clear solutions are required.

Observe: If not indicated otherwise, the error terms ϵ_t in the models are assumed independent and $N(0, \sigma^2)$.

1. (18p) För en tidsserie med 1000 observationer har beräknats följande värden på skattade kovarianser $\hat{\gamma}(k)$ (autokovarianser) och skattade partiella autokorrelationer:

k	0	1	2	3	4	5	6	7	8
$\hat{\gamma}(k)$	0.596	-0.276	-0.024	0.011	0.027	-0.008	-0.044	0.025	-0.031
$\widehat{\text{PACF}}(k)$	1	-0.463	-0.325	-0.224	-0.098	-0.045	-0.122	0.009	-0.090

- (a) En MA(1)-modell kommer att anpassas efter resultatet. Varför verkar det lämpligt?
- (b) Visa att 0.6726 och 1.4868 båda är möjliga skattningar för θ_1 i modellen. Här väljs $\hat{\theta}_1 = 0.6726$. Varför?
- (c) Om vi väljer $\hat{\theta}_1 = 0.6726$, vad blir då skattningen av σ^2 ?

2. (16p) Följande utskrift utgör ett exempel på en första ordningens exponentiell utjämning för $n = 12$ observationer.

Month	Time Period	Observed Values (shipments)	Exponentially Smoothed Values		
			$\alpha = 0.1$	$\alpha = 0.5$	$\alpha = 0.9$
Jan	1	200.0			
Feb	2	135.0	200.0	200.0	200.0
Mar	3	195.0	I [redacted]	167.5	141.5
Apr	4	197.5	193.7	II [redacted]	189.7
May	5	310.0	194.0	189.4	III [redacted]
Jun	6	175.0	205.6	249.7	298.7
Jul	7	155.0	202.6	212.3	187.4
Aug	8	130.0	197.8	183.7	158.2
Sep	9	220.0	191.0	156.8	132.8
Oct	10	277.5	193.9	188.4	211.3
Nov	11	235.0	202.3	233.0	270.9
Dec	12	—	205.6	234.0	238.6

Analysis of Errors				
Test period: 2-11				
Mean Error		5.56	6.80	4.29
Mean Absolute Error		47.76	56.94	61.32
Mean Absolute Percentage Error (MAPE)		24.58	29.20	30.81
Mean Square Error (MSE)		3438.33	4347.24	5039.37
Theil's U -statistic		0.81	0.92	0.98

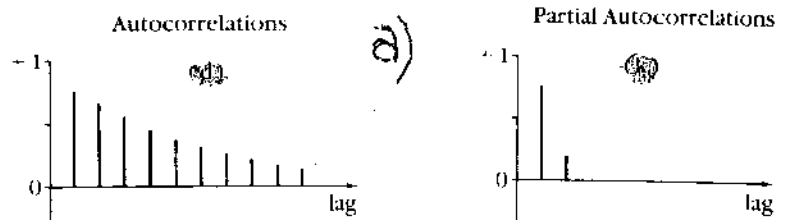
- (a) Verkar det lämpligt att använda första ordningens exponentiell utjämning här? Varför/varför inte?
- (b) Fyll i de saknade värdena i tabellen.
- (c) Under "Analysis of Errors" anges värden på några mer eller mindre kända modellenpassningsmått. Vilket mått har vi angett i kursen för att hitta "bästa" värde på λ (här kallat α)? För vilket av de tre använda värdena på α minimeras detta mått? Är detta mått kopplat till något av måtten i tabellen?
3. (15p) Att bilda differenser (tex första ordningens) i en tidsserie är ofta nödvändigt för att kunna identifiera vilken ARIMA-modell som är lämplig för y_t , men vad händer om vi tar första ordningens differens på en process som redan är stationär?

Antag att y_t är MA(1) och att vi bildar $w_t = y_t - y_{t-1}$. Vilken process utgör då w_t ? Är den stationär? Minskar variansen? ($V(w_t) < V(y_t)$?)

4. (15p) Para ihop varje AR(2)-modell med korrekt ACF och PACF med lämplig motivering.

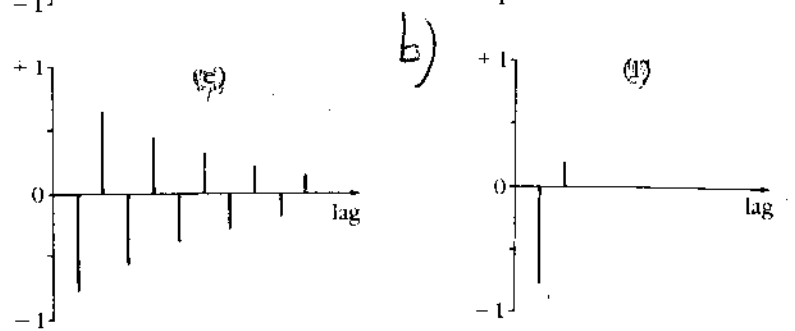
1

AR(2)
 $\phi_1 = -0.8$
 $\phi_2 = -0.6$



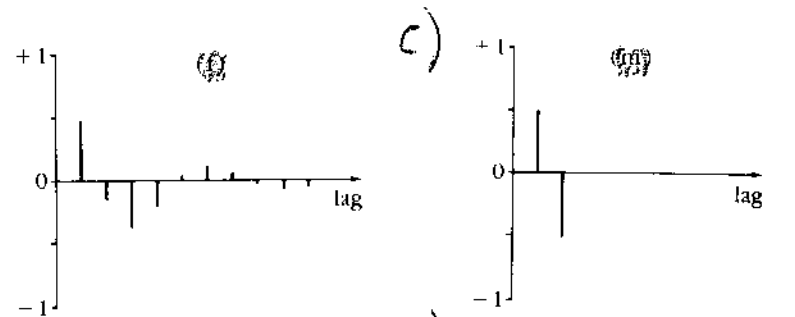
2

AR(2)
 $\phi_1 = -0.6$
 $\phi_2 = +0.2$



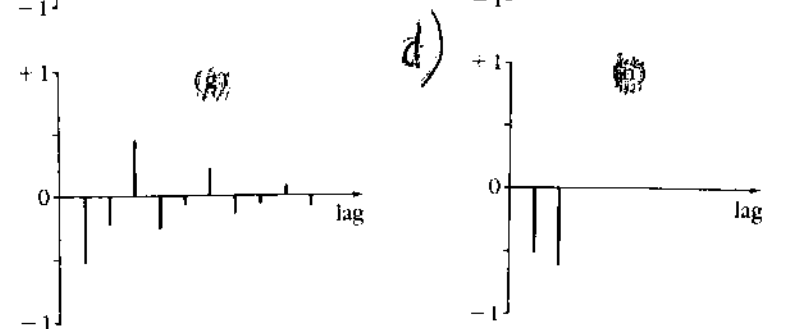
3

AR(2)
 $\phi_1 = +0.6$
 $\phi_2 = +0.2$



4

AR(2)
 $\phi_1 = +0.75$
 $\phi_2 = -0.5$



5. (15p) För en stationär tidsserie gäller att med en (liten) sannolikhet p blir tyvärr y_t utbytt mot värdet noll (på grund av någon felmekanism). Detta kan inträffa vid varje tidpunkt t oberoende av vad som händer vid andra tidpunkter. Om vi kallar den nya processen x_t , gäller det då att den också är stationär? Använd kriterierna för stationaritet för att besvara frågan.
6. (21p) Sant eller falskt? Motivering/kommentar krävs.
- (a) Nollhypotesen i ett Dickey-Fuller-test betyder att processen man studerar är stationär.
 - (b) Durbin's h -test kan användas för att kolla om feltermerna är korrelerade i en autoregressiv modell.
 - (c) En dynamisk modell behöver inte innehålla "laggade" y -termer.
 - (d) För paneldata är en FEM naturligare att använda än en REM om enheterna är valda slumpmässigt från någon population.
 - (e) I ett F -test där en modell fås som en restriktion av en annan modell, utgör m antal parametrar som "försvinner".
 - (f) En ARMA-modell kan vara stationär och samtidigt icke-invertibel.
 - (g) OLS-skattningar i en Koyck-modell leder till inkonsistenta skattningar.

Formula sheet, Econometrics II, Fall 2018

Under the simple linear model $y_t = \beta_1 + \beta_2 x_t + u_t$, where $u_t \sim N(0, \sigma^2)$ and given independent pairs of observations $(y_1, x_1), \dots, (y_n, x_n)$, the OLS (and ML) estimators are:

$$\begin{aligned}\hat{\beta}_1 &= \bar{y} - \hat{\beta}_2 \bar{x} \\ \hat{\beta}_2 &= \frac{\sum (x_t - \bar{x})(y_t - \bar{y})}{\sum (x_t - \bar{x})^2} \\ \hat{\sigma}^2 &= \frac{RSS}{n-2} = \frac{\sum (y_t - \hat{y}_t)^2}{n-2}\end{aligned}$$

where $\hat{y}_t = \hat{\beta}_1 + \hat{\beta}_2 x_t$ and where $E(\hat{\beta}_1) = \beta_1$, $E(\hat{\beta}_2) = \beta_2$ and $E(\hat{\sigma}^2) = \sigma^2$

Comparing an "old" model with a "new" (larger):

$$\begin{aligned}F &= \frac{(ESS_{new} - ESS_{old})/\text{number of new regressors}}{RSS_{new}/(n - \text{number of parameters in the new model})} \\ &= \frac{(R_{new}^2 - R_{old}^2)/\text{number of new regressors}}{(1 - R_{new}^2)/(n - \text{number of parameters in the new model})}\end{aligned}$$

Comparing an "unrestricted" model with a "restricted":

$$F = \frac{(RSS_R - RSS_{UR})/m}{RSS_{UR}/(n-k)} = \frac{(R_{UR}^2 - R_R^2)/m}{(1 - R_{UR}^2)/(n-k)}$$

where m is the number of linear constraints and k is the number of parameters in the unrestricted model.

Dynamic models: $y_t = \alpha_0 + \alpha_1 x_t + \alpha_2 y_{t-1} + v_t$

Koyck: $y_t = \alpha(1 - \lambda) + \beta_0 x_t + \lambda y_{t-1} + v_t$

Adaptive expectations: $y_t = \gamma \beta_0 + \gamma \beta_1 x_t + (1 - \gamma)y_{t-1} + (u_t - (1 - \gamma)u_{t-1})$

Partial adjustment: $y_t = \delta \beta_0 + \delta \beta_1 x_t + (1 - \delta)y_{t-1} + \delta u_t$

The Durbin Watson d statistic:

$$d = \frac{\sum_{t=2}^n (\hat{u}_t - \hat{u}_{t-1})^2}{\sum_{t=1}^n \hat{u}_t^2}$$

The Durbin h statistic:

$$h = \hat{\rho} \sqrt{\frac{n}{1 - n[V(\hat{\alpha}_2)]}} \approx N(0, 1), \text{ if } \rho = 0$$

$$MSE = \frac{1}{n} \sum_{t=1}^n [e_t(1)]^2 = \frac{1}{n} \sum_{t=1}^n [y_t - \hat{y}_t(t-1)]^2$$

Autocorrelation function:

$$\rho_k = \frac{Cov(y_t, y_{t+k})}{V(y_t)}, \quad k = 0, 1, 2, \dots$$

Sample correlation function:

$$\hat{\rho}_k = \frac{\sum_{t=1}^{n-k} (y_t - \bar{y})(y_{t+k} - \bar{y})}{\sum_{t=1}^{n-k} (y_t - \bar{y})^2}, \quad k = 0, 1, 2, \dots$$

Simple moving average:

$$M_T = \frac{1}{N} \sum_{t=T-N+1}^T y_t$$

First-order exponential smoothing:

$$\tilde{y}_T = \lambda y_T + (1 - \lambda) \tilde{y}_{T-1}$$

Second-order exponential smoothing:

$$\tilde{y}_T^{(2)} = \lambda \tilde{y}_T^{(1)} + (1 - \lambda) \tilde{y}_{T-1}^{(2)}$$

where $\tilde{y}_0^{(2)} = \tilde{y}_0^{(1)}$

Holt's method:

$$\begin{aligned} L_t &= \alpha y_t + (1 - \alpha) (L_{t-1} + T_{t-1}) \\ T_t &= \gamma (L_t - L_{t-1}) + (1 - \gamma) T_{t-1} \\ \hat{y}_{T+\tau}(T) &= L_T + \tau T_T, \quad \tau = 1, 2, \dots \end{aligned}$$

Forecast under a constant process:

$$\hat{y}_{T+\tau}(T) = \bar{y}_T \quad \tau = 1, 2, \dots$$

Forecast under a linear trend:

$$\hat{y}_{T+\tau}(T) = \hat{y}_T + \hat{\beta}_{1,T}\tau.$$

where $\hat{y}_T = \hat{\beta}_{0,T} - \hat{\beta}_{1,T}T = 2\hat{y}_T^{(1)} - \bar{y}_T^{(2)}$

For white noise:

$$\hat{\rho}_k \approx N(0, 1/n) \quad , k = 1, 2, \dots$$

The Q statistic:

$$Q = n \sum_{k=1}^K \hat{\rho}_k^2 \approx \chi^2(K)$$

The Ljung-Box statistic:

$$Q_{LB} = n(n+2) \sum_{k=1}^K \left(\frac{\hat{\rho}_k^2}{n-k} \right) \approx \chi^2(K)$$

ARMA(p,q):

$$y_t = \delta - \sum_{i=1}^p \phi_i y_{t-i} + \epsilon_t - \sum_{i=1}^q \theta_i \epsilon_{t-i}$$

Stationarity and invertibility conditions for some time series models:

Model	Stationarity conditions	Invertibility conditions
AR(1)	$ \phi_1 < 1$	None
AR(2)	$\phi_1 + \phi_2 < 1$ $\phi_2 - \phi_1 < 1$ $ \phi_2 < 1$	None
MA(1)	None	$ \theta_1 < 1$
MA(2)	None	$\theta_1 - \theta_2 < 1$ $\theta_2 - \theta_1 < 1$ $ \theta_2 < 1$
ARMA(1,1)	$ \phi_1 < 1$	$ \theta_1 < 1$
ARMA(2,2)	$\phi_1 - \phi_2 < 1$ $\phi_2 - \phi_1 < 1$ $ \phi_2 < 1$	$\theta_1 - \theta_2 < 1$ $\theta_2 - \theta_1 < 1$ $ \theta_2 < 1$

The Yule-Walker equations for AR(p):

$$\rho_k = \sum_{i=1}^p \phi_i \rho_{k-i}, \quad k = 1, 2, \dots$$



Stockholms
universitet

Department of Statistics

Correction sheet

Date: 17/01/2019

Room: Ugglevikssalen

Exam: Econometrics 2

Course: Econometrics

Anonymous code:

0002-REZ

I authorise the anonymous posting of my exam, in whole or in part, on the department homepage as a sample student answer.

NOTE! ALSO WRITE ON THE BACK OF THE ANSWER SHEET

Mark answered questions

1	2	3	4	5	6	7	8	9	Total number of pages
x	x	x	x	x	x				3 <i>up</i>
Teacher's notes	8	6	5	15	4 21				

Points	Grade	Teacher's sign.
79	B	<i>PLA</i>

1. a) För att en MA(1)-process visar avtagande PACF och en signifikant spike i en ACF i vårt fall

har vi avtagande PACF och en hög korrelation ($\hat{\rho}_1 \approx -0,46$)

$\hat{\gamma}(0) = 0,596$

$\hat{\gamma}(1) = -0,276$

$\hat{\rho}_1 = \frac{\hat{\gamma}(1)}{\hat{\gamma}(0)}$

för att sedan bli brus (dvs en spike i ACF-plotten och sedan brus). Därför verkar en MA(1)-modell lämplig. OK / 7

b) $\hat{\rho}_1 = \frac{-\hat{\theta}}{1+\hat{\theta}^2}$ (1) $\hat{\theta} = 0,6726 \Rightarrow \hat{\rho}_1 = \frac{-0,6726}{1+(-0,6726)^2} \approx -0,46$
 (2) $\hat{\theta} = 1,4868 \Rightarrow \hat{\rho}_1 = \frac{-1,4868}{1+(-1,4868)^2} \approx -0,46$

$\rho_k = 0$
 för $k > 1$
 i en MA(1)

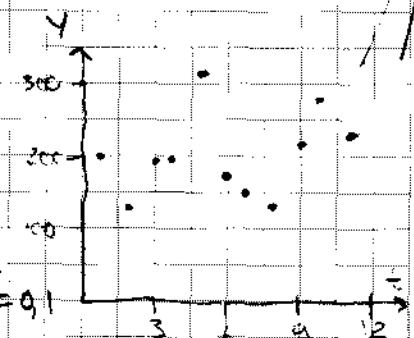
För att en MA(1)-process ska vara invertibel krävs att $|\theta| < 1$. För $\theta = 0,6726$ uppfylls detta krav, men inte för $\theta = 1,4868$. Därför väljs $\hat{\theta} = 0,6726$. OK / 7

c) $\hat{\gamma}(0) = 0,596 = \hat{\sigma}^2(1+\hat{\theta}^2)$
 $0,596 = \hat{\sigma}^2(1+0,6726^2)$
 $\hat{\sigma}^2 = \frac{0,596}{1+0,6726^2} \approx 0,41$

MA(1):
 $Y_t = \mu + \epsilon_t - \theta \epsilon_{t-1}$
 $V(Y_t) = (\hat{\sigma}_{\epsilon_t})^2 = \sigma^2 + \theta^2 \sigma^2 = \sigma^2(1+\theta^2)$
 pga oberoende felterm

Svar: $\hat{\sigma}^2 = 0,41$ OK / 4

2. a) Ja, ty ingen tydlig trend framkommer från plott av data. Då är första ordningens exponentiella utjämning lämplig.



b) I: $\hat{y}_2 = 0,1 \cdot 135 + 0,9 \cdot 200 = 193,5$ $\lambda = 0,1$

II: $\hat{y}_3 = 0,5 \cdot 195 + 0,5 \cdot 167,5 = 181,25$ $\lambda = 0,5$

III: $\hat{y}_4 = 0,9 \cdot 197,5 + 0,1 \cdot 189,7 = 196,72$ $\lambda = 0,9$ / 7

För att följa med trend i serien

Formel som använts ovan:

$\hat{y}_T = \lambda y_T + (1-\lambda) \hat{y}_{T-1}$ för λ ger av α , kapitel 1

c) Vi har använt $SS_E(\lambda) = \sum_{t=1}^T (e_t(\lambda))^2 = \sum_{t=1}^T (y_t - \hat{y}_t(\lambda))^2$ då detta ger optimalt värde på λ . Forts. nästa sida ->

c) Då MSE är lägst för $\lambda = 0,1$ är också $SS_E(\lambda)$ lägst för $\lambda = 0,1$, se nedan. Detta då det finns en direkt koppling mellan SS_E och MSE ($MSE = \frac{SS_E}{n}$)

	MSE	SS_E
$\lambda = 0,1$	3438,33	34383,3
$\lambda = 0,5$	4347,21	43472,1
$\lambda = 0,9$	5039,37	50393,7

$SS_E = MSE \cdot n$
 n är i vårt fall 2 till 11
 (se tabell) dvs 10 st observationer
 ($n=10$)

Svar: Då $SS_E = 34383,3$ är lägst är $0,1$ bästa värdet på λ i vårt fall, vilket man också kan se från $MSE = \frac{SS_E}{n}$. /7

3. MA(2): $Y_t = \mu + \epsilon_t - \theta \epsilon_{t-1}$ /16

$$W_t = Y_t - Y_{t-1} = \mu - \mu + \epsilon_t - \theta \epsilon_{t-1} = \epsilon_t - \theta \epsilon_{t-1}$$

Om vi tar första ordningens differens av en process som är stationär får vi en icke stationär process (se ovan). Inne i det här fallet, för vårt fall när vi nu $\phi_1 = -1$ vilket inte uppfyller kravet för en stationär ARMA(1,1) ($|\phi_1| < 1$). Vi har alltså för

W_t en icke stationär ARMA(1,1) ✓

$$V(Y_t) = V(\mu + \epsilon_t - \theta \epsilon_{t-1}) = V(\epsilon_t) + \theta^2 V(\epsilon_{t-1}) = \sigma^2 + \theta^2 \sigma^2 = \sigma^2(1 + \theta^2)$$

$V(\epsilon_t)$ pga stationaritet

Ligger vi nu till en variabel Y_{t-1} kommer variansen att öka. Variansuttrycket för W_t :

$$\begin{aligned} V(W_t) &= V(Y_t - Y_{t-1}) = V(Y_t) + V(Y_{t-1}) - 2 \text{cov}(Y_t, Y_{t-1}) = \\ &= \sigma^2 + \theta^2 \sigma^2 + \sigma^2 + \theta^2 \sigma^2 - 2 \text{cov}(\mu + \epsilon_t - \theta \epsilon_{t-1}, \mu + \epsilon_{t-1} - \theta \epsilon_{t-2}) = \\ &= \sigma^2 + \theta^2 \sigma^2 + \sigma^2 + \theta^2 \sigma^2 - 2(-\theta \sigma^2) = \sigma^2(1 + \theta^2 + 1 + \theta^2 + 2\theta) = \\ &= 2\sigma^2(1 + \theta^2 + \theta) \text{ OK} \end{aligned}$$

Variansen för en MA(2).

Variansen för W_t är alltså större än variansen för Y_t .
 $V(W_t) > V(Y_t)$ dvs variansen har inte minskat.

Processen är icke stationär, se ovan. /5

4. Yule-Walker equations: AR(2).

$$P_k = \sum_{i=1}^k \phi_i P(k-i) = \phi_1 P(k-1) + \phi_2 P(k-2), \quad k=1, 2, \dots$$

$$P_1 = \phi_1 P(0) + \phi_2 P(-1) \Rightarrow P_1 = \frac{\phi_1}{1-\phi_2}$$

$$P_2 = \phi_1 P_1 + \phi_2 P(0) = \frac{\phi_1^2}{1-\phi_2} + \phi_2$$

(1)

$$\left. \begin{array}{l} \phi_1 = -0,8 \\ \phi_2 = -0,6 \end{array} \right\} \Rightarrow P_1 = \frac{-0,8}{1-(-0,6)} = -0,5$$

$$d) \hat{\rho}_1 \approx -0,5$$

$$\hat{\rho}_2 \approx -0,25$$

$$P_2 = \frac{(-0,8)^2}{1-(-0,6)} + (-0,6) = -0,2$$

Dvs (1) hör ihop med d) då teoretisk autokorrelation stämmer hyfsat bra överens med skattad autokorrelation.

(2)

$$\left. \begin{array}{l} \phi_1 = -0,6 \\ \phi_2 = 0,2 \end{array} \right\} \Rightarrow P_1 = \frac{-0,6}{1-0,2} = -0,75$$

$$b) \hat{\rho}_1 \approx -0,75$$

$$P_2 = \frac{(-0,6)^2}{1-0,2} + 0,2 = 0,65$$

$$\hat{\rho}_2 \approx 0,7$$

Dvs (2) hör ihop med b) enligt samma argument som ovan.

(3)

$$\left. \begin{array}{l} \phi_1 = 0,6 \\ \phi_2 = 0,2 \end{array} \right\} \Rightarrow P_1 = \frac{0,6}{1-0,2} = 0,75$$

$$a) \hat{\rho}_1 \approx 0,75$$

$$P_2 = \frac{0,6^2}{1-0,2} + 0,2 = 0,65$$

$$\hat{\rho}_2 \approx 0,7$$

Dvs (3) hör ihop med a) enligt samma argument som ovan.

(4)

$$\left. \begin{array}{l} \phi_1 = 0,75 \\ \phi_2 = -0,5 \end{array} \right\} \Rightarrow P_1 = \frac{0,75}{1-(-0,5)} = 0,5$$

$$c) \hat{\rho}_1 \approx 0,5$$

$$P_2 = \frac{0,75^2}{1-(-0,5)} + (-0,5) = -0,125$$

$$\hat{\rho}_2 \approx -0,1$$

Dvs (4) hör ihop med c) enligt samma argument som ovan.

[Svar: (1) - d), (2) - b), (3) - a) och (4) - c) / 15

5. Kriterier för svag stationaritet:

$$E(X_t) = \mu$$

$$V(X_t) = \sigma^2$$

$$\text{Cov}(X_t, X_{t+k}) = \gamma_k$$

Dvs. väntevärde och varians ska vara konstanta och kovariansen ska vara tidsinvariant, alltså endast bero på laggen k .

$X_t = pY_t$, där $p=0$ om Y_t blir utbyt med 0 och $p=1$ om Y_t inte blir utbyt med 0.

För $p=1 \Rightarrow X_t = Y_t$. Då vi vet från uppgiften att Y_t är stationär, vet vi att X_t också är stationär när Y_t inte bytts ut mot 0.

För $p=0 \Rightarrow X_t = 0$. Då är $E(X_t) = 0$ och $V(X_t) = 0$ ^{konstant} **OK!** ^{Behållning!}

OBS! Då $X_t = 0$

är $E(X_t) = 0$. Då $X_t = Y_t$ är $E(X_t) = E(Y_t)$.
Väntevärdet är alltså inte konstant om $E(Y_t) \neq 0$.

$X_{t+1} = pY_{t+1}$: Om $X_t = Y_t$: $\text{Cov}(X_t, X_{t+1}) = \text{Cov}(Y_t, Y_{t+1}) = 0$ **OK!**
Om $X_{t+1} = 0$: $\text{Cov}(X_t, X_{t+1}) = \text{Cov}(Y_t, 0) = 0$ **OK!**

Svar: Nej, den är icke-stationär ty väntevärdet är inte konstant i alla fall då $E(Y_t) \neq 0$.

6. a) Falskt, nullhypotesen, ett Dickey-Fuller-test betyder P att processen man studerar inte är stationär, dvs icke-stationär. **OK**

b) **Sant**, för en autoregressiv modell kan inte Durbin-Watson's d -statistika användas. Istället används Durbin's h -statistika och h -test för att kolla om feltermerna är korrelerade, $H_0: \rho = 0$. **OK**

c) Falskt, för att en modell ska klassas som dynamisk krävs att modellen innehåller minst en laggad Y -term, exempelvis Y_{t-1} . **OK**

d) Falskt, Om enheterna är valda slumpmässigt från en population, om är REM naturligare ty man kan modellera skilnadet exempelvis intercept som stokastiska.

$$\text{REM: } Y_{it} = \beta_{1i} + \beta_{2i} X_{it} + u_{it} = \beta_1 + \beta_2 X_{it} + \underbrace{u_{it}}_{w_{it}} + \epsilon_i$$

$$\beta_{1i} = \beta_1 + \epsilon_i$$

Däremot kan man få problem med korrelation mellan felterm w_{it} och regressorer, så man bör utvärera ett Hausman-test för att kolla detta.

OK

Forts. nästa blad

->

6. e) Sant, exempel på detta är om man har en poolad modell.
 Koch FEM:

$$\text{Poolad: } Y_{it} = \beta_1 + \beta_2 X_{it} + U_{it}$$

$$\text{FEM: } Y_{it} = \alpha_1 + \alpha_2 D_{2i} + \dots + \alpha_N D_{Ni} + \beta_2 X_{it} + U_{it} \quad D_{2i} = \begin{cases} 1, \text{ om antalet } 2 \\ 0, \text{ annars} \end{cases}$$

då ges H_0 som $H_0: \alpha_2 = \alpha_3 = \dots = \alpha_N = 0$ ←
 och antalet restriktioner $m = N - 1$. "Försvinner" dessa
 parametrer från FEM ser vi nåt led av den poolade modellen. Därav OK
 kan vi se att m utgås av antalet parametrer som "försvinner".

f) Sant, här vi exempelvis ARMA(1,1). $Y_t = \delta + \phi Y_{t-1} + \theta \epsilon_t + \theta \epsilon_{t-1}$
 Så ser vi att denna är stationär om $|\phi| < 1$ och
 att den är icke-invertibel om θ inte uppfyller
 kravet för invertibilitet, dvs att $|\theta| < 1$. Alltså, är
 t.ex. $\phi = 0,5$ och $\theta = 1,2$ ser vi att vi har en
 stationär ARMA-process som är icke-invertibel. OK

g) Sant, i Koyck-modellen är störningsvariabel $u_t - \rho u_{t-1}$.
 Detta ger uppgif till auto-korrelation och korrelation
 mellan störningsvariabel och regressor ty:

$$\text{Cov}(V_t, Y_{t-1}) = -\rho \sigma^2 \quad \text{där } V_t = u_t - \rho u_{t-1}$$

Då vi har problem med korrelation mellan störningsvariabel
 och regressor för vi inkonsistenta skattningar. OK

1/21